

ロバスト制御理論特論 期末試験 (2008.7.31)

出題 平田 光男

問 1. 図 1 のバネ-マス-ダンパ系の運動方程式は次式となる。

$$m\ddot{p}(t) + c\dot{p}(t) + kp(t) = f(t)$$

ただし, m は剛体の質量, k はバネ定数, c は粘性摩擦係数, $p(t)$ は剛体の平衡点からの変位, $f(t)$ は質点に加える力を表す。このとき, 状態方程式と出力方程式及び $u(t)$ から $y(t)$ までの伝達関数を求めよ。なお, 状態方程式を求める際, 入力 $u(t)$ は $f(t)$, 状態変数 $x(t)$ は $x(t) = [p(t), \dot{p}(t)]^T$, 出力 $y(t)$ は $p(t)$ とする。

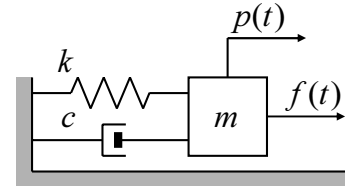


図 1:

問 2. 次式で定義される A, C に対し, (C, A) が可観測となるための必要十分条件を求めよ。ただし, $\lambda_1, \lambda_2, c_1, c_2$ はすべて実数とする。

$$A = \begin{bmatrix} \lambda_1 & 0 \\ 0 & \lambda_2 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} c_1 & c_2 \end{bmatrix}$$

問 3. 図 2 の直結フィードバックシステムにおいて, 目標値 r に出力 y がより高い周波数帯域まで追従して欲しい。感度関数 S と相補感度関数 T の周波数特性がどのようになるように制御器 K を設計すればよいか説明せよ。

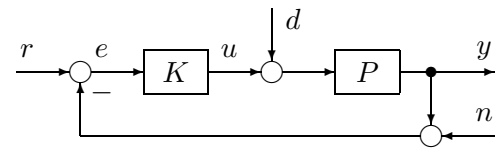


図 2:

問 4. 乗法的誤差 Δ_m を持つシステム $P_f = (1 + \Delta_m)P_n$ を考える。ここで, P_n はノミナルモデルである。今, 2 種類の制御器 K_1 及び K_2 を設計したところ, ノミナルモデル P_n に対する相補感度関数

$$T_1 = \frac{P_n K_1}{1 + P_n K_1}, \quad T_2 = \frac{P_n K_2}{1 + P_n K_2}$$

は共に安定となり, その周波数応答は図 3 のようになった。次に, 乗法的誤差を持つ実際のシステム P_f に K_1 及び K_2 を適用した。その結果, K_1 を用いた場合は, ロバスト安定となったが, K_2 を用いた場合は, 不安定になってしまった。このことから, 乗法的誤差 Δ_m の周波数応答を推測せよ。

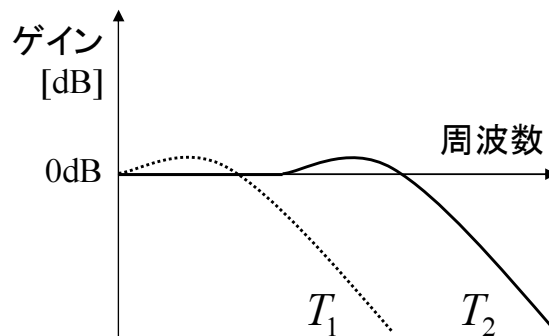


図 3: